



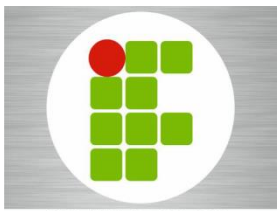
# VII BIENAL DA SOCIEDADE BRASILEIRA DE MATEMÁTICA



## Análise gráfica do comportamento de aplicações financeiras pelo método de Euler.

RODRIGUES, M.B; FERREIRA, R. S

Instituto Federal de Ciência, Educação e Tecnologia do Pará , Belém, Brasil  
barjonasbar@hotmail.com, rodrigoargos@Hotmail.com



INSTITUTO FEDERAL  
PARÁ  
Campus Belém

## VII BIENAL DA SOCIEDADE BRASILEIRA DE MATEMÁTICA



VII BIENAL DA SOCIEDADE  
BRASILEIRA MATEMÁTICA  
MACEIÓ - ALAGOAS

### INTRODUÇÃO

Neste trabalho utilizaremos a equação diferencial de 1ª ordem na forma  $\mathbf{y}' + \mathbf{p}(\mathbf{x})\mathbf{y} = \mathbf{q}(\mathbf{x})$  para analisarmos graficamente o comportamento de aplicações financeiras baseadas em juros compostos com o auxílio do programa Matlab.

### OBJETIVO

Simular uma situação mais real, onde há uma flexibilidade para o cliente de um banco, por exemplo, realizar depósitos ou retirar dinheiro de uma conta poupança. Com o auxílio do Matlab mostramos como o saldo  $S$  de um investimento hipotético varia em função do tempo  $t$  para diversos valores de  $K$  (depósitos ou retiradas).

## METODOLOGIA

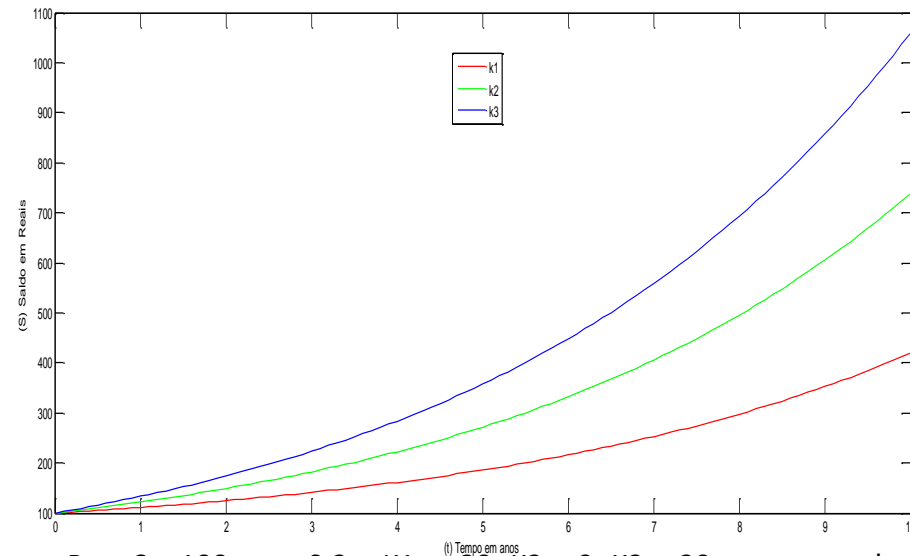
Suponha que uma quantia de dinheiro é depositada em um banco que paga juros a uma taxa  $r$  ao mês. O valor  $S(t)$  do investimento em qualquer instante  $t$  depende tanto da frequência de capitalização dos juros, ou seja, da periodicidade em que os juros são aplicados, quanto da taxa de juros. Se supusermos que a capitalização é feita continuamente, pode-se montar um problema de valor inicial simples que descreve o crescimento do investimento. A taxa de variação do valor do investimento é  $dS/dt$ . Essa quantidade é igual a taxa segundo a qual os juros acumulam, que é a taxa de juros  $r$ , vezes o valor atual do investimento  $S(t)$ . Então obtemos a equação diferencial de 1ª ordem que descreve o processo:  $\frac{dS}{dt} = rS$ . Supondo que o valor inicial de investimento é  $S_0$ , encontram-se os valores de  $S$  para qualquer instante de tempo  $t$ . como resultado obtém-se  $S(t) = S_0 e^{rt}$ . Portanto, como mostra a equação, uma conta bancária com juros capitalizados continuamente cresce exponencialmente. Podemos agora supor que possam existir, além do acúmulo de juros, depósitos e retiradas ocorrendo a uma taxa constante  $K$ . Matematicamente, esses depósitos e retiradas entram com uma contribuição aditiva na equação:  $\frac{dS}{dt} = rS + K$ , Onde  $K > 0$  representa depósitos e  $K < 0$  representa retirada. Ficando a solução geral dessa equação assim:

$S(t) = ce^{rt} - \frac{K}{r}$  logo, a solução do PVI é:  $S(t) = S_0 e^{rt} - \frac{K}{r}$  onde  $c$  é uma constante arbitrária. Para satisfazer a condição inicial  $S(0) = S_0$ :  $c = S_0 + \frac{K}{r}$ , logo, a solução do problema de valor inicial é:  $S(t) = S_0 e^{rt} + (\frac{K}{r})(e^{rt} - 1)$ . Onde  $S_0 e^{rt}$  é a parte que representa os juros compostos em si, e  $(\frac{K}{r})(e^{rt} - 1)$  é a parte referente a depósitos ou retiradas a uma taxa  $K$ .

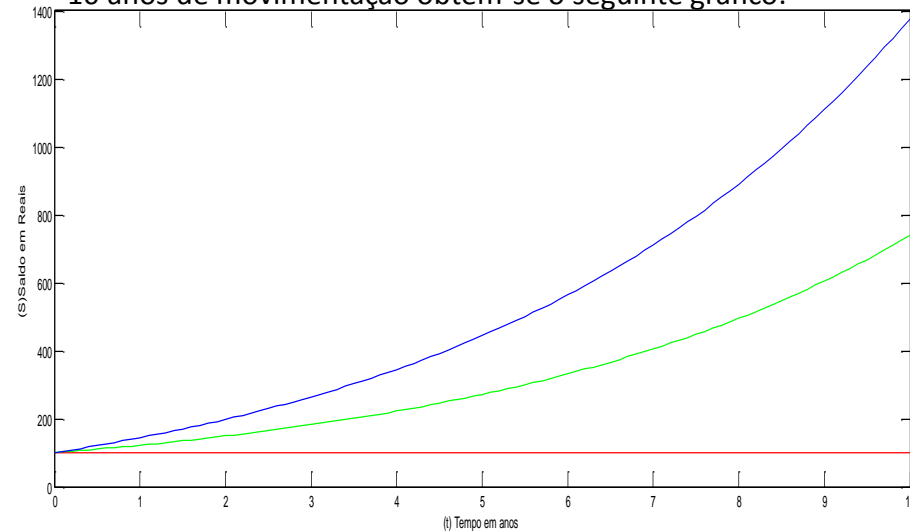
## CONCLUSÃO

Com a utilização de métodos computacionais é possível solucionar diversos problemas matemáticos de forma simples, dando ênfase na versatilidade do software Matlab que operacionaliza equações diferenciais de forma rápida e nos auxilia na análise das diversas situações com a visualização de gráficos. Neste caso utilizamos aplicações financeiras onde os resultados das análises gráficas foram satisfatórias.

Exemplos: Para  $S_0=100$  e  $r = 0,2$  e  $K_1 = -10$ ;  $K_2 = 0$ ;  $K_3 = 10$  e o tempo de 10 anos de movimentação obtém-se o seguinte gráfico:



Para  $S_0=100$  e  $r = 0,2$  e  $K_1 = -20$ ;  $K_2 = 0$ ;  $K_3 = 20$  e o tempo de 10 anos de movimentação obtém-se o seguinte gráfico:



Concluimos que no período de tempo ( $t$ ) exposto o ( $S$ ) obterá saldo inicial sem perdas e sem ganhos para retiradas de  $K_1 = -20$ .